

■論理回路

「0」と「1」という2つの信号で演算や制御を行う回路
コンピュータはAND (論理積)回路, OR (論理和)回路, NOT (否定)回路
の3つの論理回路の組み合わせですべての計算を行うことができる。

●論理積(AND)回路

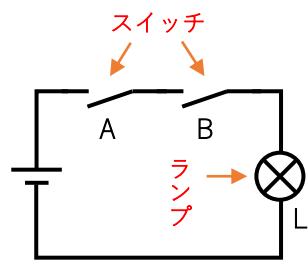


図 1 AND回路

表 1 AND回路の真理値表

入力		出力
A	B	L
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

※真理値表…入力と出力の関係を示す表

2つの入力がともに1の時だけ、出力信号が1になる回路
2つのスイッチを直列につなげた回路をイメージする

図記号は次のように表す

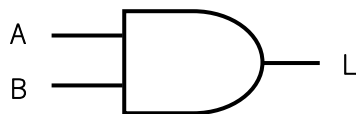


図 2 AND回路の図記号

●論理和(OR)回路

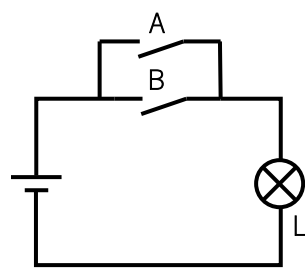


図 3 OR回路

表 2 OR回路の真理値表

入力		出力
A	B	L
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

入力のいずれか一方が1であれば、1を出力する回路
2つのスイッチを並列につなげた回路をイメージする

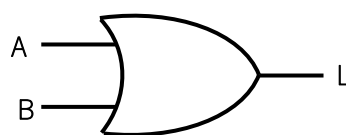


図 4 OR回路の図記号

●否定(NOT)回路

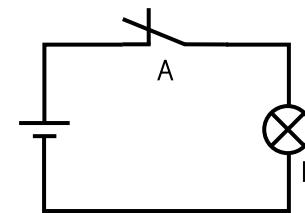


図 5 NOT回路

表 3 NOT回路の真理値表

入力	出力
A	L
0	1
1	0

入力した信号を反転した値を出力する回路
押したら切れるスイッチを付けた回路イメージする

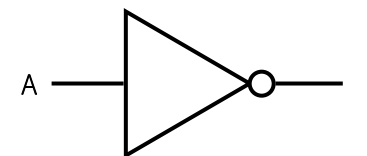


図 6 NOT回路の図記号

■演算の仕組み

●2進数の加算

回路を汲む前に、2進数の加算の計算結果の全パターンを確認する

2進数の加算は、0と1しかないため、1を超えると桁上げをすることになる

0

+ 0

0

0

+ 1

1

1

+ 0

1

1

+ 1

0

1

C

1

A

B

S

足し合わせる数をA、B、計算結果の1桁目をS、桁上げの出力をCと置き、本当に半加算回路でこの結果が得られるか真理値表を作って確認する

●半加算回路 (HA)

この回路を参考にして半加算回路の真理値を作成して本当に計算結果が出るか確認する

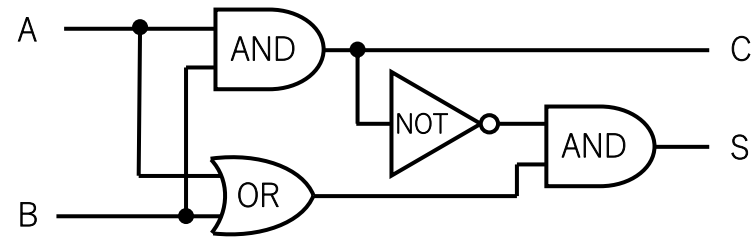


図 7 半加算回路

表 4 半加算回路の真理値表

入力		出力	
A	B	C	S
0	0		
0	1		
1	0		
1	1		



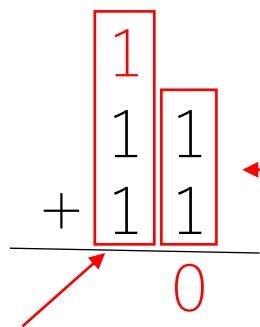
入力		出力	
A	B	C	S
0	0	0	0
0	1	0	1
1	0	0	1
1	1	1	1

2進数の加算の結果が表現できていることがわかる

・・・ただし、この回路は1桁の計算しかできない。

■ 2桁以上の計算

1 1 + 1 1 の計算を考える



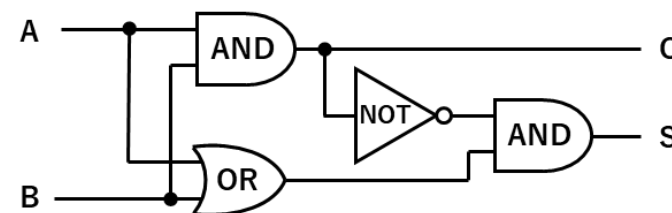
1桁目は
半加算回路で計算できるが

3つの数を足す2桁目は
半加算回路では計算できない

そこで、3入力の全加算回路を使う

●全加算回路 (FA)

まず、複雑な半加算回路を、



このように簡単に表す

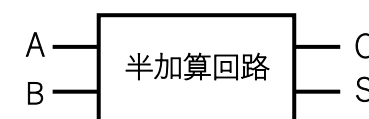
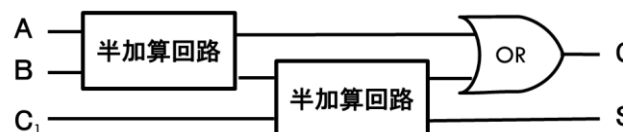


図8 半加算回路②

半加算回路2つとOR回路1つで回路を使って下記のような回路を作ると、右の真理値表の結果が得られ、2桁目の計算ができる



全加算回路を
このように表す

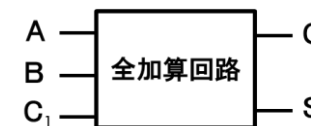


図9 全加算回路

表5 全加算回路の真理値表

入力			出力	
A	B	C ₁	S	C
0	0	0	0	0
0	1	0	1	0
1	0	0	1	0
1	1	0	0	1
0	0	1	1	0
0	1	1	0	1
1	0	1	0	1
1	1	1	1	1

■ 2桁以上の計算

$$\begin{array}{r} 1 \quad 1 \\ + \quad 1 \quad 1 \\ \hline 1 \quad 0 \end{array}$$

半加算回路と全加算回路をこのようにつなげば、2桁の計算ができる

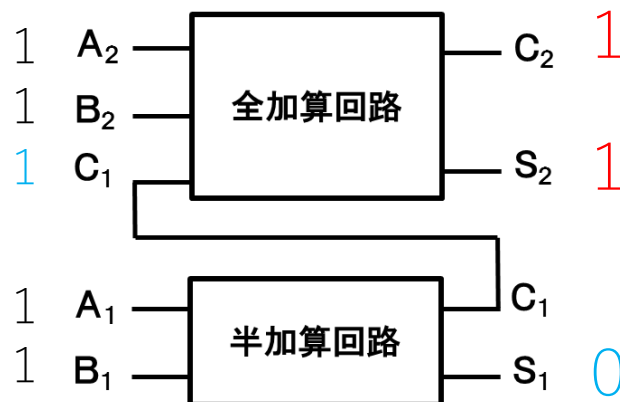


図10 2桁の加算をする回路

3桁の計算をするなら、もう一つ全加算回路をつなげれば計算できる

最後に・・・

ここでは2桁の計算で、3桁目を出しているが

$$\begin{array}{r} 1 \quad 1 \\ + \quad 1 \quad 1 \\ \hline 1 \quad 1 \quad 0 \end{array}$$

指定された桁（ビット）数より、大きい値は、桁あふれとして処理され、無視される

このことについては、補数を使った減算で勉強する。